UNIVERSITÄT DORTMUND INSTITUT FÜR ANALYSIS Prof. Dr. N. Steinmetz

Analysis II

14. Übungsblatt, SS 2003

Keine Abgabe!

Aufgabe 1

Berechnen Sie folgende Parameterintegrale durch Differentiation:

a)
$$\int_{0}^{\infty} \frac{1 - e^{-xy}}{ye^{y}} \, dy$$

b)
$$\int_{0}^{\infty} \frac{\arctan(xy)}{y(1+y^2)} \, dy$$

Aufgabe 2

Entscheiden Sie jeweils, ob die Laplacetransformierte von f existiert, und berechnen Sie sie gegebenfalls:

a)
$$f(t) = t^n \quad (n \in \mathbb{N})$$

b)
$$f(t) = e^{t^2}$$

c)
$$f(t) = [t]$$

$$d) f(t) = t^t \quad (t > 0)$$

Aufgabe 3

Für
$$x > 1$$
 sei $I(x) := \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \log(x^{2} - \sin^{2} y) dy$.

- a) Zeigen Sie $I'(x) = \frac{\pi}{\sqrt{x^2 1}}$ und damit $I(x) \pi \operatorname{arcosh} x \equiv c$.
- b) Bestimmen Sie c durch einen geeigneten Grenzübergang.

c) Zeigen Sie
$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \log \cos^2 y \, dy = -\pi \log 2.$$

Hinweis zu a): Substituieren Sie $u = \tan y$.

Übungsblätter und Informationen zur Vorlesung und Übung finden Sie unter http://www.mathematik.uni-dortmund.de/lsix/uebungen/ana/ss03/index.php